

Preguntas detonadoras



- ❑ ¿Qué es una pila?
- ❑ ¿Qué características distinguen a una pila?
- ❑ ¿Cómo se representa gráficamente una pila?
- ❑ ¿Qué operaciones se pueden realizar en una pila?
- ❑ ¿Qué situaciones de la vida cotidiana se pueden modelar con pilas?
- ❑ ¿Existen pilas estáticas?
- ❑ ¿... y dinámicas?
- ❑ ¿Cómo se diseña un modelo orientado a objetos con pilas?

3

Pilas

Es una estructura de datos lineal que solamente tiene una puerta de acceso por la que se insertan y eliminan los datos.

Los datos se insertan uno detrás de otro.

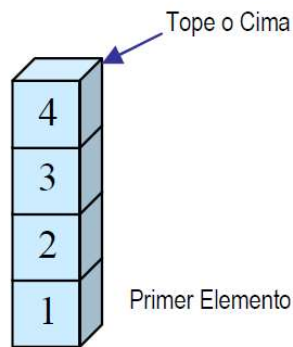


← Puerta de acceso

4

Representación gráfica de una pila

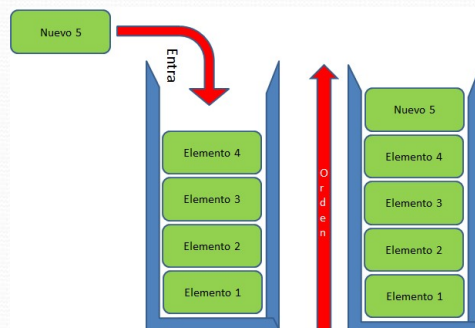
- La *pila* tiene un apuntador inicial llamado *Top* (Tope o Cima) que señala al dato más cercano a la puerta de acceso



5

Comportamiento de una pila

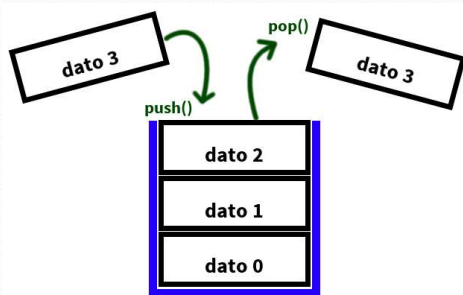
- *LIFO*.- *Last input, first output* (último dato en entrar es el primero en salir)
- *FILO*.- *First input, last output* (primer dato en entrar es el último en salir)



6

Operaciones básicas con pilas

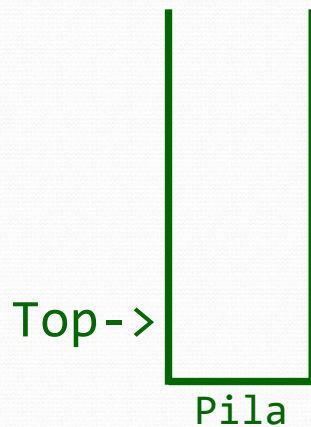
- *Push.*- Método para insertar un dato en la cima de la pila
- *Pop.*- Método para eliminar el dato ubicado en la cima de la pila



7

Método Push

 Push()

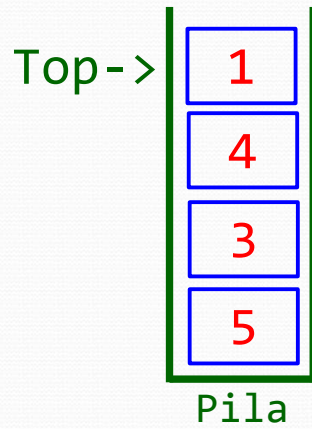


El método *Push()* recibe como parámetro el dato que se desea insertar en la pila

8

Método Pop

Pop()



*El método **Pop()** no recibe parámetros; simplemente elimina el dato ubicado en el **Top** de la pila*

9

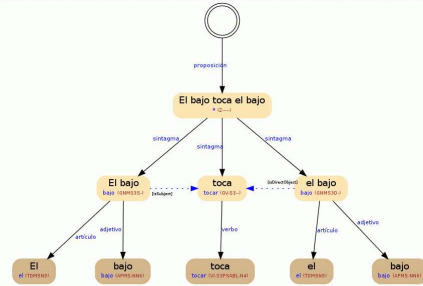
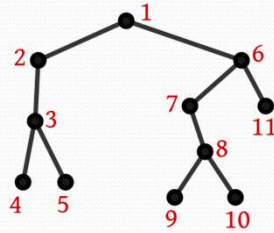
Ejemplos de pilas en la vida cotidiana



10

Algoritmos que usan pilas

Búsqueda en profundidad



Algoritmo Torres de Hanói (Complejidad $\Theta(2^n)$)

Entrada: Tres pilas de números *origen*, *auxiliar*, *destino*, con la pila *origen* ordenada

Salida: La pila *destino*

1. si *origen* == {1} entonces
 1. mover el disco 1 de pila origen a la pila destino (insertarlo arriba de la pila destino)
 2. terminar
2. si no
 1. *hanoi*(1,...,n-1, *origen*, *destino*, *auxiliar*) //mover todas las fichas menos la más grande (n) a la varilla auxiliar
3. mover disco n a destino //mover la ficha grande hasta la varilla final
4. *hanoi*(*auxiliar*, *origen*, *destino*) //mover todas las fichas restantes, 1...n-1, encima de la ficha grande (n)
5. terminar

Tipos de pilas

Pilas

Estáticas.- Basadas en arreglos

Dinámicas.- Basadas en listas enlazadas

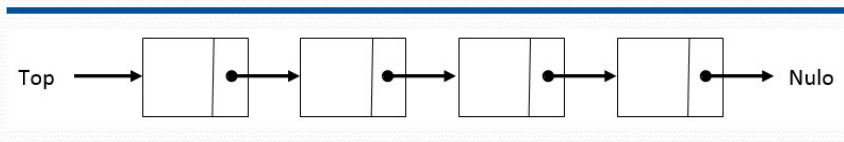
Tipos de pilas

- *Tradicionalmente se imparten las clases de pilas de manera estática (basadas en arreglos)*
- *El libro “Estructura de datos orientada a objetos. Algoritmos con C++” de Silvia Guardati menciona que las pilas y colas pueden representarse de manera dinámica a través de listas.*



¿Cómo analizaremos las pilas?

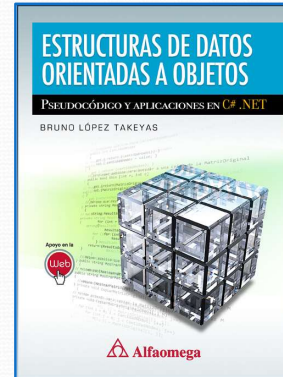
- *En estos apuntes se analizan las pilas dinámicas (basadas en listas) y orientadas a objetos*



Referencias bibliográficas

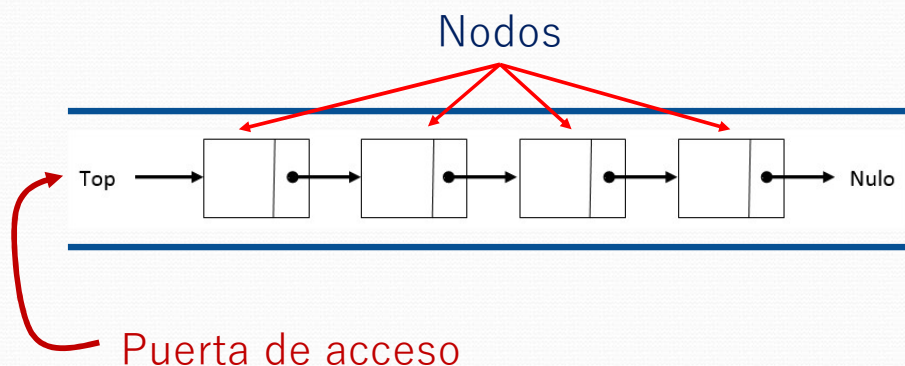
El libro “Estructuras de datos orientadas a objetos. Pseudocódigo y aplicaciones en C#.NET” aborda las pilas de las dos formas:

- *Cap. 4.- Pilas (estáticas)*
- *Cap.6.- Listas enlazadas (sección 6.9 “Implementación de pilas mediante listas simples”)*



15

Representación esquemática de una pila dinámica

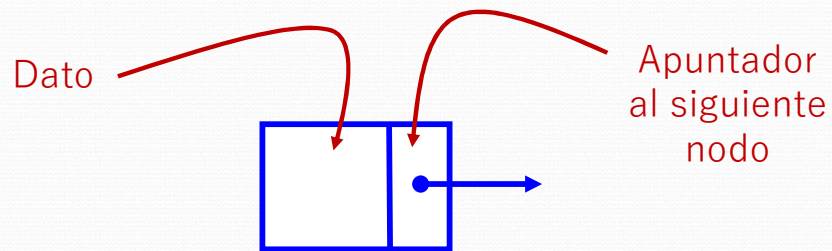


16

Arquitectura de un nodo

Cada nodo tiene 2 secciones:

1. *Dato (puede ser simple o compuesto)*
2. *Apuntador o referencia que enlaza al siguiente nodo en secuencia lógica*



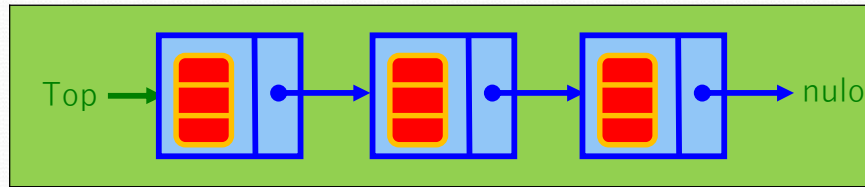
17

Diseño de una pila dinámica orientada a objetos

- Se identifican 3 tipos de objetos en la pila:
 - 1) *Los objetos con los datos que se desean almacenar en la pila*
 - 2) *Los objetos de los nodos*
 - 3) *El objeto de la pila*

18

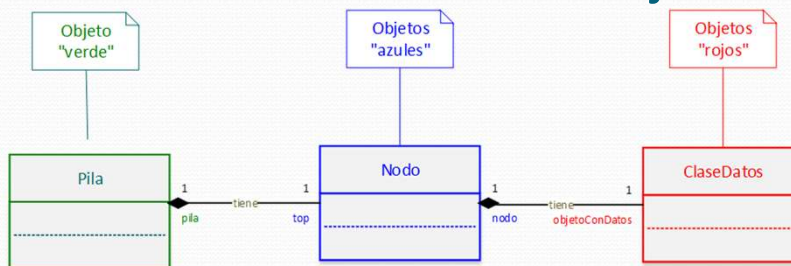
Esquema de los objetos



La **pila (objeto verde)** dentro tiene una secuencia lógica de **nodos (objetos azules)** enlazados por apuntadores y cada uno de ellos a su vez tiene dentro un **objeto con los datos** que se desean almacenar y ordenar (**objetos rojos**)

19

Diseño genérico y didáctico de la pila dinámica orientada a objetos



- *Esta clase puede ser...*
- **Empleado**
- **Escuela**
- **Médico**
- *etc. (según lo que se desee almacenar en la pila)*

20

Diseño orientado a objetos de una pila dinámica

- Se diseña una pila con objetos creados por medio de varios tipos de clases:
 - *Clase “roja”.- Sirve para crear objetos con los datos que se desean almacenar en la pila*
 - *Clase “azul”.- Clase para crear los nodos*
 - *Clase “verde”.- Clase para crear el objeto de la pila dinámica*

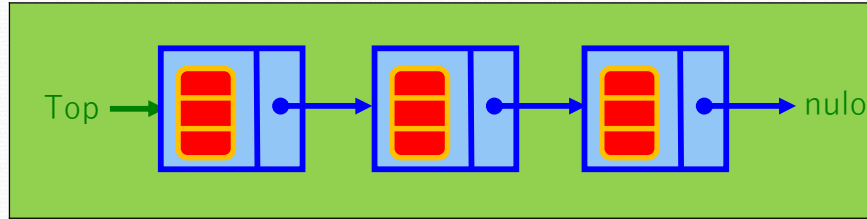
21

Notación de colores

- Los estudiantes deben poner especial atención a los colores usados en las figuras explicativas del resto del curso.
- Los objetos estarán identificados por colores
 - *Objetos “rojos”.- Contienen los datos que se desean almacenar en la pila dinámica*
 - *Objetos “azules”.- Representan los nodos de la pila*
 - *Objeto “verde”.- Es la pila dinámica*

22

Diseño de clases



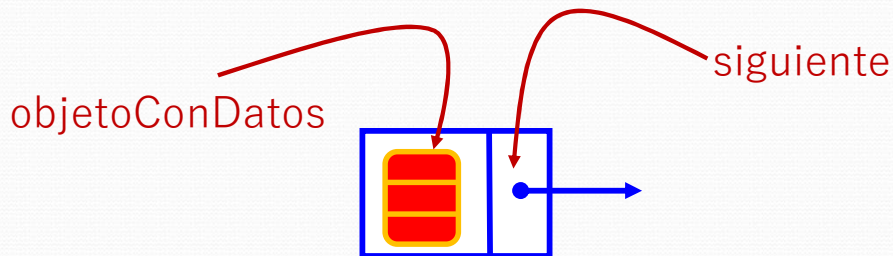
- **Clase “verde”**.- Define la **composición** entre la pila y el nodo **Top**. También tiene los métodos y propiedades para administrar la pila dinámica.
- **Clase “azul”**.- Define los componentes de los nodos.
- **Clase “roja”**.- Definiciones de los datos que se desean almacenar en la pila dinámica.

23

Declaración del nodo

Cada nodo es un obtiene 2 atributos (con sus propiedades):

1. **objetoConDatos**.- El nodo recibirá un objeto con los datos que se desean almacenar en la pila
2. **siguiente**.- Apuntador que enlaza al siguiente nodo lógico en la pila



24

Diseño de la clase de los nodos

ClaseNodo<Tipo>

```

- _objetoConDatos: Tipo
- _siguiente: ClaseNodo<Tipo>
-----
+ ObjetoConDatos {get; set; } : Tipo
+ Siguiente { get; set; } : ClaseNodo<Tipo>
~ ClaseNodo()
  
```

25

Diseño de la ClaseNodo

```

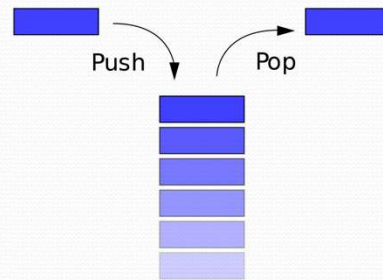
ClaseNodo<Tipo>
- _objetoConDatos: Tipo
- _siguiente: ClaseNodo<Tipo>
-----
+ ObjetoConDatos {get; set; } : Tipo
+ Siguiente { get; set; } : ClaseNodo<Tipo>
~ ClaseNodo()
  
```

- Clase parametrizada para recibir cualquier tipo de objeto "rojo"
- El parámetro <Tipo> define el tipo de objeto "rojo" que estará dentro de cada nodo "azul"
- El apuntador *Siguiente* NO almacena otro nodo "azul" sino apunta hacia otro nodo de su mismo tipo
- Al eliminar un nodo "azul", su destructor elimina el objeto "rojo" que contiene

26

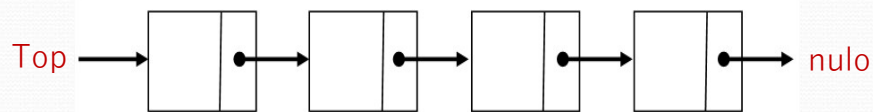
Operaciones en una pila dinámica orientada a objetos

- *Creación de la pila*
- *Push(dato)*
- *Pop()*
- *Pop(dato)*
- *Recorrido*
- *Búsqueda*
- *Eliminar todos los nodos (vaciar)*



27

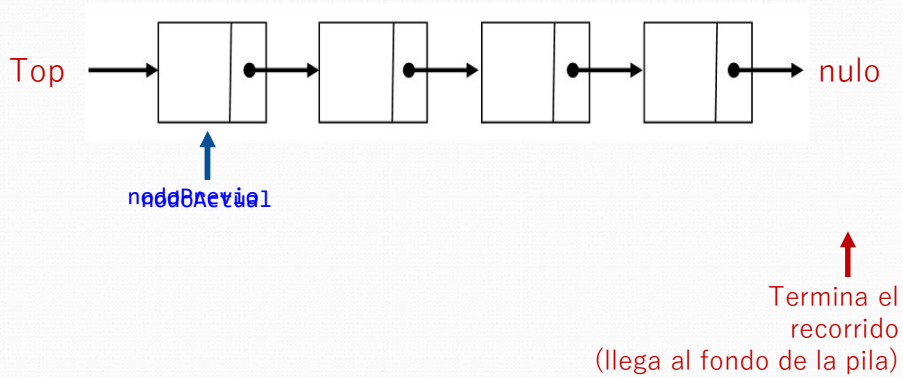
Recorrido de los nodos en una pila dinámica



- *Se verifica que la pila no esté vacía*
- *El recorrido empieza en el Top*
- *Se avanza al próximo nodo a través del apuntador Siguiete*
- *En algunos casos es necesario guardar en una variable el nodo previo al cambiar al siguiente nodo*
- *El recorrido termina al llegar al nodo que apunta a nulo (indicador del fondo de la pila)*

28

Ejemplo de recorrido en una pila dinámica



29

Creación de una pila dinámica

Cuando se crea una pila dinámica el Top apunta a nulo

Top → nulo

30

Situaciones críticas

- *Son las situaciones que se pueden presentar al realizar operaciones con estructuras de datos*
- *El programador debe prever para diseñar algoritmos eficientes*



31

Método Push

- **Situaciones críticas:**
 - *Alta a pila vacía*
 - *Alta al principio.- Se inserta el dato al inicio de la pila*
 - ***No permitir datos duplicados***

Se debe recorrer la pila completa antes de insertar un nodo nuevo para validar que no exista duplicado

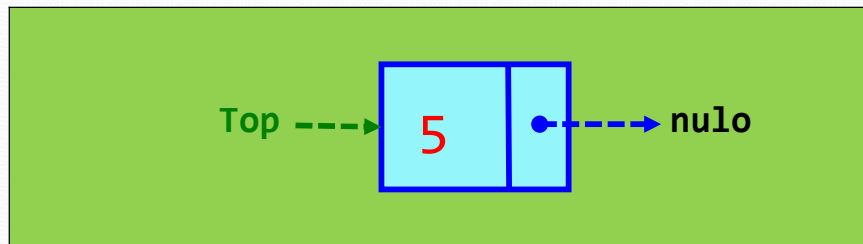
Recuerde:
La pila almacena los datos desordenados

32

Push en una pila dinámica vacía

Cuando se detecta la pila dinámica vacía:

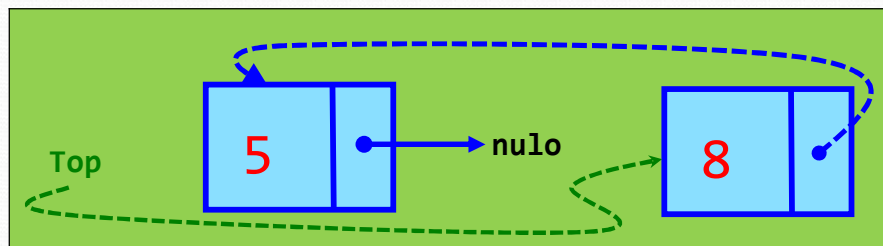
- 1) Crear el *nodo nuevo* "azul"
- 2) Insertar el dato "rojo"
- 3) El *nodo nuevo* apunta a nulo
- 4) El *Top* apunta al *nodo nuevo*



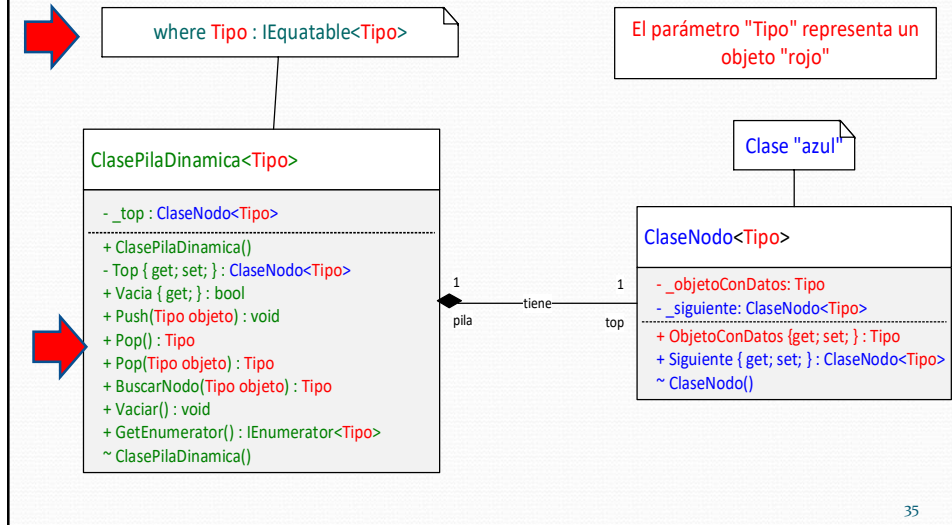
Push al principio en una pila dinámica

Cuando se ejecuta el método Push:

- 1) Crear el *nodo nuevo* "azul"
- 2) Insertar el dato "rojo"
- 3) El *nodo nuevo* apunta al *Top*
- 4) El *Top* apunta al *nodo nuevo*



Diseño de la clase de la pila dinámica



Composición Pila-Nodo

- ¿Por qué es una composición **1..1** si la pila tiene muchos nodos dentro de ella?
 - Porque la cardinalidad de una composición se define por la cantidad de atributos de tipo "parte" contenidos en la clase del "todo" (regla 1 de la composición)

36

ClasePilaDinamica<Tipo>

- Clase parametrizada para prepararla para que pueda recibir cualquier **Tipo** de objeto “rojo”
- Tiene una restricción de tipos para “obligar” a que la clase “roja” implemente **IEquatable**
 - Se requiere el método **Equals()** para buscar un objeto “rojo” almacenado en la pila
- ¿Por qué no tiene restricción de tipos para **IComparable**?



37

Componentes de la clase

- **_top**.- Atributo privado que apunta al primer **nodo** de la **pila**
- **ClasePilaDinamica()**.- Es el constructor que inicializa vacía la pila.
- **Vacia**.- Propiedad pública booleana de solo lectura para detectar si la pila está vacía (devuelve **true** si la pila está vacía).

38

Componentes de la clase (cont.)

- **Top**.- Propiedad privada que apunta al primer **nodo** de la pila
- **Push(Tipo objeto):void** .- Método público que recibe como parámetro el objeto “rojo” que se desea almacenar en la pila.
- **Pop():Tipo** .- Método público que **NO** recibe parámetro y elimina el nodo ubicado en la punta de la pila. **Devuelve** el objeto “rojo” eliminado.
- **Pop(Tipo objeto):Tipo** .- Método público que recibe como parámetro el objeto “rojo” intermedio o final que se desea borrar de la pila. **Devuelve** el objeto “rojo” eliminado.

39

Componentes de la clase (cont.)

- **BuscarNodo(Tipo objeto):Tipo** .- Método público que recibe como parámetro el objeto “rojo” que se desea consultar en la pila. **Devuelve** el objeto “rojo” localizado.
- **Vaciar():void** .- Método público que recorre la pila para eliminar todos los nodos “azules” con sus respectivos objetos “rojos”

40

Componentes de la clase (cont.)

- `GetEnumerator(): IEnumerator<Tipo>`.- Iterador que recorre cada nodo “azul” de la pila para consultar su objeto “rojo”
- `~ClasePilaDinamica()`.- Destructor que invoca al método `Vaciar()` para eliminar todos los *nodos* de la pila.

41

Tarea 2.01.- DF Pilas (constructor, vacía e iterador)

- **Subir a MS Teams los archivos *.vsdx con diagramas de flujo de:**
 - *Constructor de la pila dinámica*
 - *Propiedad para detectar si la pila dinámica está vacía*
 - *Iterador GetEnumerator()*



42

Diseño de la clase “roja”

- *Requisitos: Debe contener al menos un dato de los siguientes tipos:*

- *Int*
- *Double*
- *String*
- *Char*
- *DateTime*
- *Bool*
- *String con la ruta del archivo que contiene una fotografía del objeto*

*Se recomienda consultar las
filminas
“El lenguaje C# y diseño de
formas”
Para usar el PictureBox*

43

Diseño de la clase “roja” (cont.)

IMPORTANTE

Considere un dato dentro de su clase “roja” que sea único e irrepetible que sirva para identificar a un objeto y que sea el criterio de comparación entre objetos

(Una clave para identificar y comparar objetos “rojos”)

44

Tarea 2.02

- Resolver la *Tarea 2.02.- Diseño de la clase “roja” de la pila dinámica en MS Teams*
- Subir el archivo *.vsdx con el diagrama de la clase “roja” elaborado en Microsoft Visio
- Incluir las interfaces correspondientes



45

Tarea 2.03.- DF Pilas dinámicas (Push)

- Subir a MS Teams el archivo *.vsdx con diagrama de flujo de:
 - Método *Push()* para agregar un objeto “rojo” a la pila dinámica



46

Diseño de la forma de la aplicación visual

- *Requisitos: Debe contener al menos uno de estos controles visuales:*

- *TextBox*
- *Button*
- *ComboBox*
- *DateTimePicker*
- *CheckBox*
- *PictureBox*
- *DataGridView*
- *RadioButton*

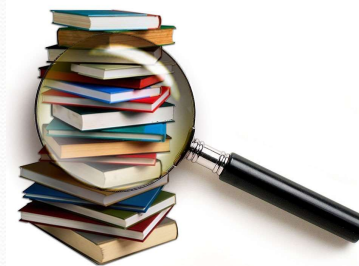
Elija el control adecuado para cada dato capturado

Se recomienda consultar las filminas "Uso de los controles visuales"

47

Investigación

- *Agregue un botón a su aplicación para crear 10 nodos con datos generados de manera aleatoria*
- *Muestre los datos generados en el dataGridView*



48

LECTURA



Para generar datos aleatorios, se recomienda la lectura de los apuntes

¿Cómo generar datos aleatorios en C#?

Incluye generar:

- *Nombres aleatorios*
- *Sexo*
- *Fecha*
- *Datos booleanos*
- *etc.*

<https://nlaredo.tecnm.mx/takeyas/Apuntes/Fundamentos%20de%20Programacion/Apuntes/07.-Aleatorios.pdf>

49

Tarea 2.04.- Diseño de la forma de pilas dinámicas

- **Diseñar la forma en C#:**
- *Capturar los datos usando los controles visuales adecuados*
- *Agregar un dataGridView de solo lectura para visualizar los datos de los objetos “rojos”*
- *Implementar el método Push() para agregar objetos “rojos” a la pila dinámica y visualizarlos en el dataGridView*
- *Subir a MS Teams un archivo comprimido con la aplicación completa (P. ejem. LopezTakeyasBruno.ZIP)*



50

Tarea 2.05.- DF Pilas dinámicas (Buscar)

- Subir a MS Teams el archivo *.vsdx con diagrama de flujo de:
 - Método para buscar un objeto “rojo” en la pila dinámica (debe devolver el objeto encontrado)



51

Eliminación de datos en una pila dinámica orientada a objetos

- Se sobrecarga el método *Pop()*
- *Pop()*.- No recibe parámetros porque simplemente elimina el nodo apuntado por *Top*
- *Pop(Tipo objeto)*.- Recibe como parámetro el objeto “rojo” intermedio o al final que se desea eliminar de la *pila*
 - Durante el recorrido es necesario “guardar” el *nodo previo*
 - No se puede interrumpir la búsqueda por anticipado ya que la *pila* almacena datos desordenados

52

Situaciones críticas del método Pop()

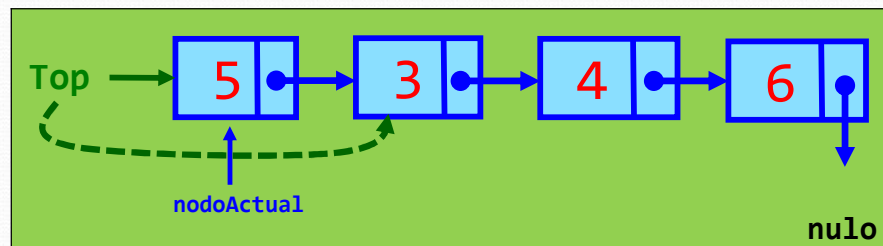
- *Si la pila está vacía.- Se dispara una excepción*
- *Baja al principio.- Se elimina el dato apuntado por Top*



Método Pop()

Cuando se elimina el nodo ubicado en la puerta de la pila:

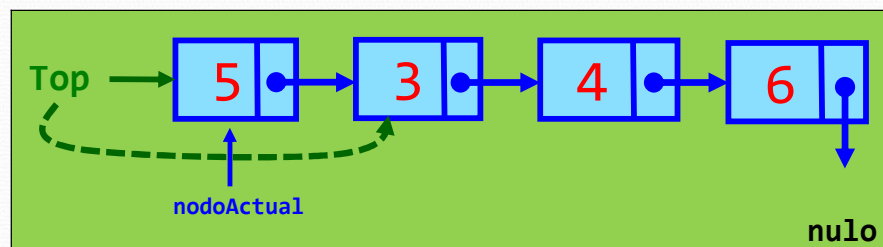
- 1) *El Top apunta al nodo que apuntaba el primer nodo de la pila*
- 2) *Se elimina el nodoActual*



Método Pop(Tipo objeto)

Cuando se elimina el nodo ubicado en la punta de la pila:

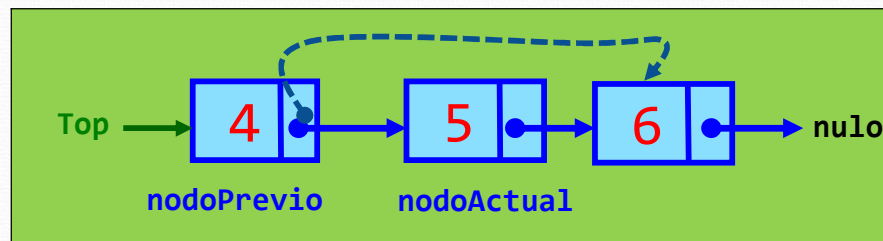
- 1) El *Top* apunta al nodo que apuntaba el primer *nodo* de la pila
- 2) Se elimina el *nodoActual*



Pop(Tipo objeto).- Baja intermedia en una pila

Cuando se elimina un nodo intermedio:

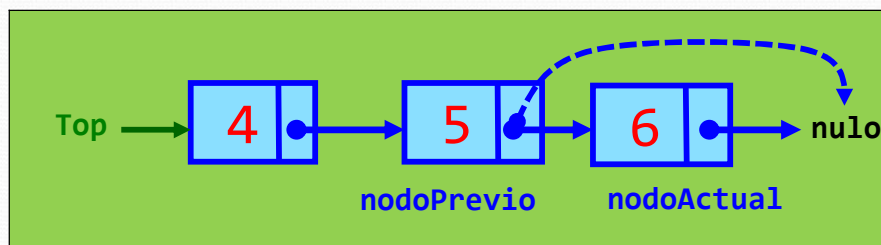
- 1) El *nodoPrevio* apunta al nodo que apuntaba el *nodoActual*
- 2) Se elimina el *nodoActual*



Pop(Tipo objeto).- Baja al final en una pila

Cuando se elimina el nodo ubicado en el fondo de la pila:

- 1) El *nodoPrevio* apunta al nodo que apuntaba el *nodoActual* (ahora apunta a nulo)
- 2) Se elimina el *nodoActual*



Eliminación de objetos



- *La forma natural de borrar un objeto es asignarle el valor null*

```
// Creación del objeto "azul" del nodoActual
ClaseNodo<Tipo> nodoActual = new ClaseNodo<Tipo>();
.
.
nodoActual = null; // Eliminación del nodoActual
```

- *Sin embargo, no todos los datos aceptan el valor null, entonces... ¿cómo se eliminarían?*

Destructor de la clase “azul”

- La `ClaseNodo<Tipo>` es parametrizada y está preparada para recibir un objeto “rojo” de cualquier tipo.
- El destructor de la clase “azul” elimina el objeto con datos “rojo” que contiene.
- Utiliza `default(Tipo)` para eliminar el objeto “rojo” porque desconoce si el `ObjetoConDatos` acepta el valor null.

```
~ClaseNodo() // Destructor de la clase “azul”
{
    // Elimina el ObjetoConDatos “rojo”
    ObjetoConDatos = default(Tipo);
}
```

Tarea 2.06.- DF Pilas dinámicas (Pop)

- Subir a MS Teams el archivo *.vsdx con diagrama de flujo de:
 - Método `Pop()`
 - *Agregar un botón “Pop” para este método*
 - Método `Pop(Tipo objeto)`
 - *Seleccionar un renglón del dataGridView y después oprimir el botón “Eliminar”*
 - *Al seleccionar un renglón del dataGridView se deben mostrar los datos en los controles adecuados*
 - En ambos casos:
 - *Confirmar la operación*
 - *Subir los diagramas en archivos separados*
 - ***Devolver el objeto “rojo” eliminado***



60

Vaciar la pila

- **Situaciones críticas:**
 - *Verificar si la pila ya está vacía*
 - *Recorrer los nodos “azules” de la pila*
 - *Durante el recorrido, guardar el nodoPrevio*
 - *Eliminar el nodoPrevio*
 - *Al terminar, el Top debe apuntar a nulo*

61

Precaución al vaciar la pila

- **NOTA IMPORTANTE:**
 - *Durante el recorrido de los nodos “azules” de la pila, **NO** se debe eliminar el nodoActual*
 - *Si se eliminara el nodoActual se pierde el apuntador Siguiente*
 - *Se perdería la secuencia lógica de los nodos “azules”*

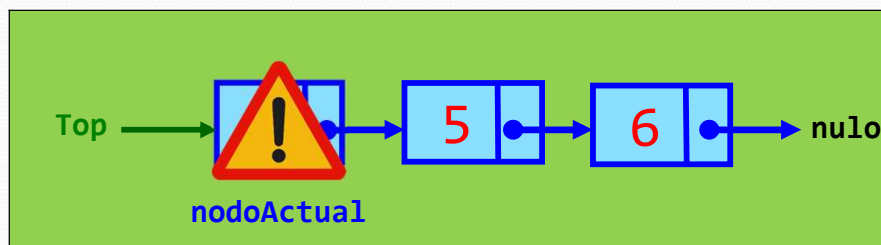


62

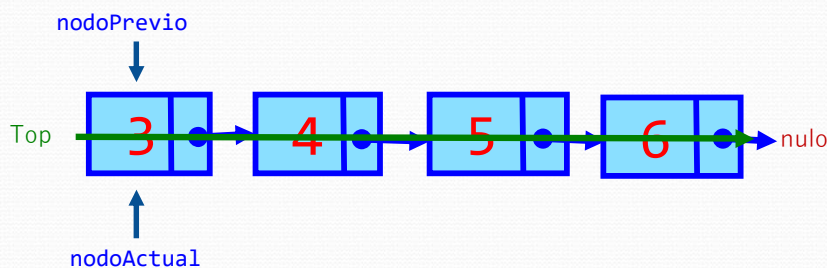
Precaución al vaciar la pila

- **NOTA IMPORTANTE:**

- Si se eliminara el *nodoActual* ...
- ¿Cómo verificaría cuál es el siguiente nodo?
- Por lo tanto **NO** debe eliminarse el *nodoActual* sino el *nodoPrevio*



Ejemplo: Vaciar la pila



↑
Termina el recorrido

Tarea 2.07.- DF Pilas dinámicas (Vaciar y Destructor)

- Subir a MS Teams los archivos *.vsdx con diagramas de flujo de:
 - Método para vaciar la pila dinámica
 - Destructor de la pila dinámica



65

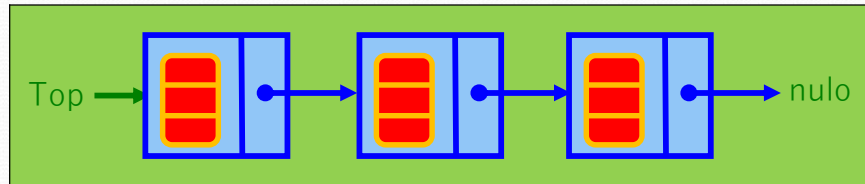
Tarea 2.08.- Aplicación completa de pilas dinámicas

- Agregar un botón “Vaciar”
- Solicitar al usuario que confirme las operaciones (insertar, eliminar, vaciar, etc.). Preguntarle si está seguro que desea realizar la operación solicitada
- Mostrar los mensajes adecuados
- Subir a MS Teams un archivo comprimido con la aplicación completa (P. ejem. *LopezTakeyasBruno.ZIP*)



66

Nivel de abstracción



- No se debe perder de vista que los objetos “*rojos*” son privados, por lo tanto sus componentes son inaccesibles para el objeto “*verde*”

67

Nivel de abstracción (cont.)

- El objeto “*verde*” recibe un objeto “*rojo*” y lo compara para almacenarlo
!!! SIN SABER LO QUE TIENE DENTRO !!!
- ¿Cómo es posible que el objeto “*verde*” compare y almacene objetos “*rojos*” sin tener acceso a sus componentes?



68

“Pensar en objetos ...”

- El objeto “verde” **NO** compara los objetos “rojos” (ellos mismos se comparan entre sí).
- El objeto “verde” **NO** requiere acceso a los componentes de los objetos “rojos” para manipularlos.
- Recibe cualquier tipo de objetos “rojos” ...

!!! SIN MODIFICAR NI UNA LÍNEA DE SU CÓDIGO!!!

- **¿Cómo lo logra? ...**
 - Clases parametrizadas
 - Uso de interfaces
 - Composición
 - Comportamiento polimórfico
 - Restricción de tipos



69

Diseño de una clase polimórfica

- La clase de la pila tiene estas características:
 - Almacena objetos “rojos” desordenados
 - No permite duplicados

where Tipo : IEquatable<Tipo>

ClasePilaDinamica<Tipo>

```
- _top : ClaseNodo<Tipo>
+ ClasePilaDinamica()
- Top { get; set; } : ClaseNodo<Tipo>
+ Vacia { get; } : bool
+ Push(Tipo objeto) : void
+ Pop() : Tipo
+ Pop(Tipo objeto) : Tipo
+ BuscarNodo(Tipo objeto) : Tipo
+ Vaciar() : void
+ GetEnumerator() : IEnumerator<Tipo>
~ ClasePilaDinamica()
```

70

Diseño de una clase polimórfica (cont.)

- ¿Qué cambios se harían para que la misma clase “**verde**” almacene los datos ordenados?
- ¿Qué cambios se harían para que la misma clase “**verde**” permita objetos “**rojos**” duplicados?

71

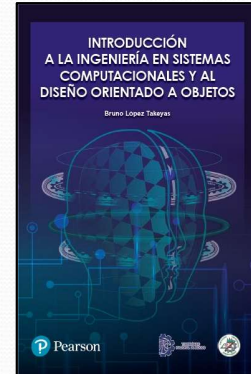
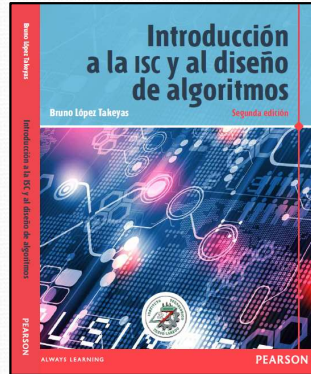
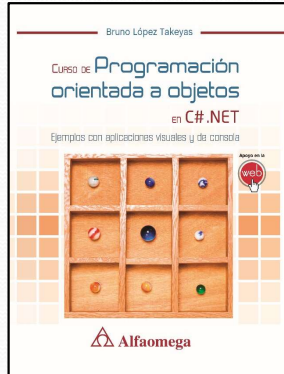
Diseño de una clase polimórfica (cont.)

- ¿Qué cambios se harían para que la misma clase “**verde**” muestre cualquiera de los siguientes comportamientos:
 - Objetos “**rojos**” ordenados sin duplicados
 - Objetos “**rojos**” ordenados con duplicados
 - Objetos “**rojos**” desordenados sin duplicados
 - Objetos “**rojos**” desordenados con duplicados?

72

Otros libros del autor

<https://nlaredo.tecnm.mx/takeyas/Libro>



 bruno.lt@nlaredo.tecnm.mx

 Bruno López Takeyas