

1



2

Preguntas detonadoras



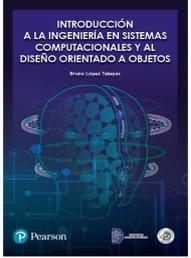
- ❑ ¿Qué es recursividad?
- ❑ ¿Qué características distinguen a los algoritmos recursivos?
- ❑ ¿Cuáles son las ventajas y desventajas de los algoritmos recursivos?
- ❑ ¿Qué es una variable local?
- ❑ ¿... y una global?
- ❑ ¿Cuál es la diferencia entre enviar un parámetro por valor y uno por referencia?
- ❑ ¿Cómo se diseña un algoritmo recursivo?
- ❑ ¿Se puede evitar la recursividad? ¿...cómo?

3

3

Tarea 3.01.- Repaso métodos

- Leer *Capítulo 8.- Métodos*
- Contestar el cuestionario en MS Teams
- Se aceptará esta tarea si se obtiene calificación aprobatoria



<https://nlaredo.tecnm.mx/takeyas/Apuntes/Fundamentos%20de%20Programacion/Apuntes/05.-Metodos.pdf>

4

4

Recursividad

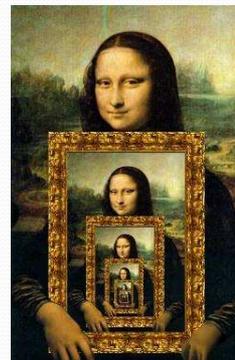
Es una forma de expresar un procedimiento en base a su propia definición, reduciéndolo de manera recurrente a la mínima expresión.

Un problema recursivo puede dividirse en instancias más pequeñas para resolverlas individualmente de manera repetitiva hasta encontrar una solución global



5

Ejemplos de recursividad en la vida cotidiana



6

6

Algoritmos recursivos

- Algoritmos que se llaman en cascada a sí mismos para resolver un problema
- Debe cuidarse que estas llamadas no sean infinitas
- Deben tener una condición de salida
- **Métodos que ...**
 - se invocan a sí mismos.
 - tienen una condición de salida (caso base).
- Las llamadas recursivas dividen el problema y se aproximan al caso base.

```

1 recursiveFunction ( 0 )
2 printf ( 0 )
3   recursiveFunction ( 0+1 )
4   printf ( 1 )
5     recursiveFunction ( 1+1 )
6     printf ( 2 )
7       recursiveFunction ( 2+1 )
8       printf ( 3 )
9         recursiveFunction ( 3+1 )
10        printf ( 4 )
    
```

7

Ventajas

- **Extensión.**- Algoritmos más pequeños
- **Expresión**
 - Elegante
 - Sencillo de escribir, de leer y de analizar.
- **División del problema.**- Subproblemas que recombina sus soluciones.
- **Análisis y mantenimiento.**- Técnicas de inducción matemática
- **Ejecución**
 - Se delega la responsabilidad del control de sus llamadas recursivas y los valores de sus variables al sistema
 - En otros algoritmos, el programador debe prever estas situaciones en el diseño.



8

Desventajas

- **Eficiencia.**- Menos eficientes
- **Costo computacional:**
 - **Velocidad**- Más lentos
 - **Sobrecarga.**- Demasiadas llamadas recursivas
 - **Memoria.**- Ocupan más memoria



9

9

Ámbito de las variables

Ámbito de variables

Locales – Se declaran y utilizan dentro de un contexto específico. No se puede hacer referencia a ellas fuera de la sección de código donde se declara.

Globales – Se declaran fuera del cuerpo de cualquier método

10

10

Parámetros recibidos por los métodos

Parámetros

- Por valor* – Se envía una copia del valor de la variable
- Por referencia* – Se envía la dirección de la variable

11

11

Envío de parámetros por valor

```
class Program
{
    static void Main(string[] args)
    {
        int x=10;
        HacerAlgo( x ); // Se envía el valor de x
        Console.Write("x=" + x); // x=10
    }
    static void HacerAlgo(int y)
    {
        y+=5;
        Console.Write("y=" + y); // y=15
    }
}
```

La variable "y" recibe el valor de la variable "x"

12

12

Envío de parámetros por referencia

```

static void Main(string[] args)
{
    int x = 10; // Se declara e inicializa x
    HacerAlgo(ref x); // Se envía la referencia de x
    Console.WriteLine("x=" + x); // x=15
}

static void HacerAlgo(ref int y)
{
    y += 5;
    Console.WriteLine("y=" + y); // y=15
}
    
```

¡ Se modificó el valor de la variable x !

13

Parámetros por referencia (apuntador)

Memoria RAM

<i>Dirección</i>	<i>Valor</i>	<i>Variable</i>
FA31:B278	5	x
...		
FA31:C45C	13	y
...		
FA31:D2A8	FA31:C45C	a
...		

14

14

Factorial de un número

$$n! = \prod_{1}^n n$$

$$4! = 4 * \underline{3} * 2 * 1$$

$$3! = 3 * \underline{2} * 1$$

$$2! = 2 * 1$$

$$1! = 1$$

Y por definición:

$$0! = 1 \text{ y}$$

- De ahí se deriva que:

$$n! = n * (n-1) * (n-2) * \dots * 0$$

- Por lo tanto, $n! = n * (n-1)!$

15

15

Factorial de un número

$$n! = \prod_{1}^n n$$

Por lo tanto...

$$4! = 4 * \underline{3!}$$

$$3! = 3 * \underline{2!}$$

$$2! = 2 * \underline{1!}$$

$$1! = 1 * \underline{0!}$$

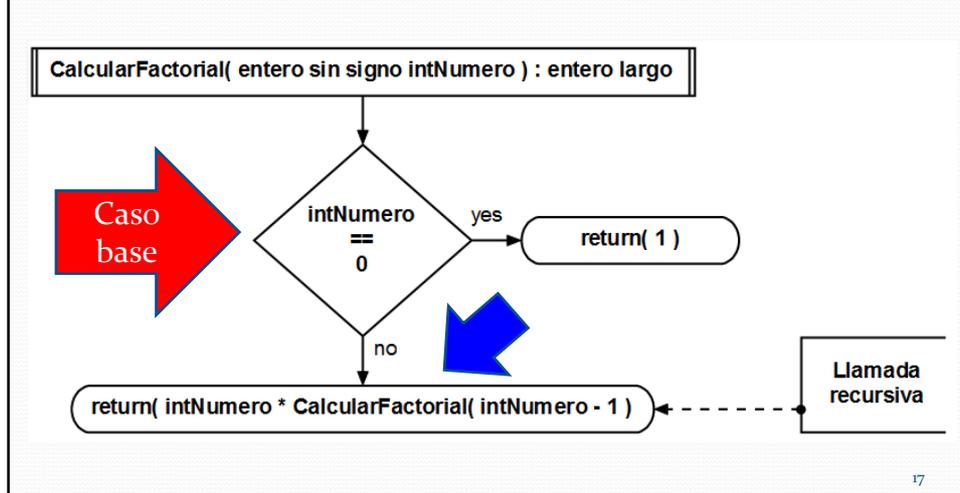
- De ahí se deriva que: Y por definición:

- $n! = n * (n-1)!$ $0! = 1$

16

16

Algoritmo recursivo para calcular el factorial



17

Codificación del método

```
public static long CalcularFactorial(uint intNumero)
{
    if (intNumero == 0)
        return (1);
    else
        return (intNumero * CalcularFactorial(intNumero - 1));
}
```

18

18

Codificación del método mediante el operador condicional ?

```
public static long CalcularFactorial(uint intNumero)
{
    return (intNumero == 0 ? 1 : intNumero * CalcularFactorial(intNumero - 1);
}
```

19

19

Calcular 4!

Llamada	Valor de intNumero	Cálculo	Devuelve
1	4	4 * Factorial(3)	
2	3	3 * Factorial(2)	
3	2	2 * Factorial(1)	
4	1	1 * Factorial(0)	
5	0		1
4	1	1 * 1	1
3	2	2 * 1	2
2	3	3 * 2	6
1	4	4 * 6	24

20

20

Vista de las variables locales y la pila de llamadas recursivas en Visual Studio

```

80 public static long CalcularFactorial(uint intNumero)
81 {
82     if (intNumero == 0) ≤ 2ms elapsed
83         return (1);
84     else
85         return (intNumero * CalcularFactorial(intNumero - 1));
86 }
87
88
89

```

Name	Value	Type
intNumero	2	uint

Name	Lang
Factorial.exe\Factorial.Program.CalcularFactorial(uint intNumero) Line 82	C#
Factorial.exe\Factorial.Program.CalcularFactorial(uint intNumero) Line 85	C#
Factorial.exe\Factorial.Program.CalcularFactorial() Line 85	C#
Factorial.exe\Factorial.Program.CalcularFactorial() Line 55	C#
Factorial.exe\Factorial.Program.Main(string[] args) Line 27	C#

21

Riesgos ...

```

CALCULAR EL FACTORIAL DE UN NUMERO POSITIVO ENTERO
Número? 26
26! = -1,569,523,520,172,457,984
Oprima cualquier tecla para continuar...

```

- ¿A qué se debe que el resultado es negativo?
- *OverflowException* .- Desborde aritmético
- *StackOverflowException* .- Desborde de la pila de llamadas

22

Desbordes aritmético y de pila

- **OverflowException**.- Ocorre cuando un dato “no cabe” en la variable
- **StackOverflowException**.- Ocorre cuando se satura la pila de llamadas
- Estas excepciones **NO** se disparan regularmente cuando ocurre un desborde
- Requieren la sentencia **checked**



23

23

Verificación de desbordes

```
public static long CalcularFactorial(uint intNumero)
{
    if (intNumero > 65) // Máx. aprox. de llamadas recursivas
        throw new Exception("Demasiadas llamadas recursivas ...");

    if (intNumero == 0)
        return (1);
    else
        return checked(intNumero*CalcularFactorial(intNumero-1));
}
```



24

24

Uso de la sentencia checked

```
CALCULAR EL FACTORIAL DE UN NUMERO POSITIVO ENTERO  
Número? 26  
Resultado demasiado grande (desborde aritmético)
```

```
CALCULAR EL FACTORIAL DE UN NUMERO POSITIVO ENTERO  
Número? 66  
Demasiadas llamadas recursivas ...
```

25

25

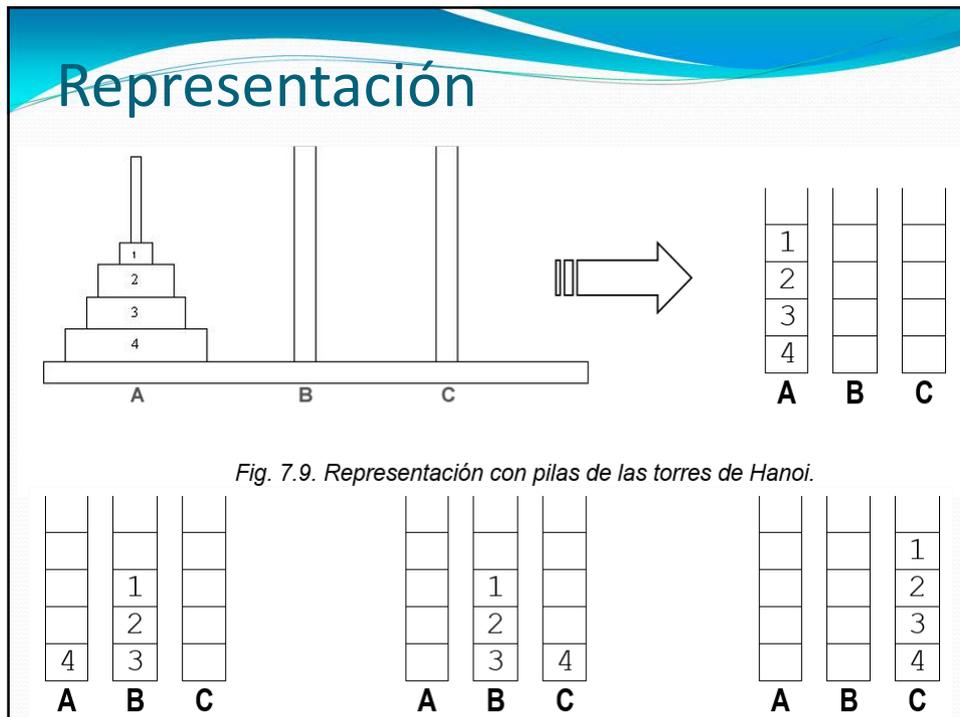
Juego recursivo: Torres de Hanoi



http://www.uterra.com/juegos/torre_hanoi.php

26

26



27

Algoritmo Torres de Hanoi

Algoritmo Torres de Hanói (Complejidad $\Theta(2^n)$)

Entrada: Tres pilas de números *origen*, *auxiliar*, *destino*, con la pila *origen* ordenada

Salida: La pila *destino*

1. **si** *origen* == {1} **entonces**
 1. **mover** el disco 1 de pila origen a la pila destino (insertarlo arriba de la pila destino)
 2. **terminar**
2. **si no**
 1. *hanoi*({1,...,n-1}, *origen*, *destino*, *auxiliar*) //mover todas las fichas menos la más grande (n) a la varilla auxiliar
3. **mover** disco *n* a *destino* //mover la ficha grande hasta la varilla final
4. *hanoi* (*auxiliar*, *origen*, *destino*) //mover todas las fichas restantes, 1...n-1, encima de la ficha grande (n)
5. **terminar**

28

28

Pseudocódigo

```

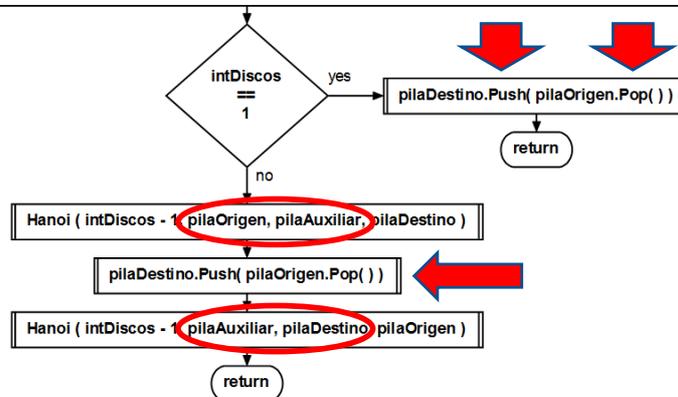
Hanoi(Discos, Origen, Destino, Auxiliar): nulo
1.- SI Discos == 1 ENTONCES // Caso base
    1.1.1. IMPRIMIR "Mover disco de "+Origen+" a "+Destino
SINO
    1.2.1. Hanoi(Discos-1, Origen, Auxiliar, Destino)
    1.2.2. IMPRIMIR "Mover disco de "+Origen+" a "+Destino
    1.2.3. Hanoi(Discos-1, Auxiliar, Destino, Origen)
2.- {FIN DE LA CONDICIONAL DEL PASO 1}
3.- RETURN
    
```

29

29

Diagrama de flujo: Torres de Hanoi "pensadas" con objetos

Hanoi(int intDiscos, ClasePilaDinamica pilaOrigen, ClasePilaDinamica pilaDestino, ClasePilaDinamica pilaAuxiliar) : void



30

30

Demo: Torres de Hanoi

Prog. 7.5.- Torres de Hanoi Formas



31

```
private void Hanoi(int Discos, ClasePilaDesordenadaLista<ClaseNodoPilaLista> Origen,
ClasePilaDesordenadaLista<ClaseNodoPilaLista> Destino, ClasePilaDesordenadaLista<ClaseNodoPilaLista> Auxiliar, ref int
CantidadMovimientos)
{
    // Creación del objeto para el disco
    ClaseNodoPilaLista Disco= new ClaseNodoPilaLista();

    if (Discos == 1) // Caso base
    {
        Disco = Origen.Pop(); // Saca un disco de la torre origen
        Destino.Push(Disco); // Inserta el disco en la torre destino
        CantidadMovimientos++; // Incrementa la cantidad de movimientos
        MostrarTorres(); // Actualiza los listBoxes

        if (radioButton1.Checked)
            MessageBox.Show("Disco "+Disco.Dato.ToString()+" de "+Origen.Nombre+" a "+Destino.Nombre,
"MOVIMIENTO DE DISCO", MessageBoxButtons.OK, MessageBoxIcon.Information);
        else
            System.Threading.Thread.Sleep(1000); // Retardo
    }
    else
    {
        // Llamada recursiva
        Hanoi(Discos - 1, Origen, Auxiliar, Destino, ref CantidadMovimientos);

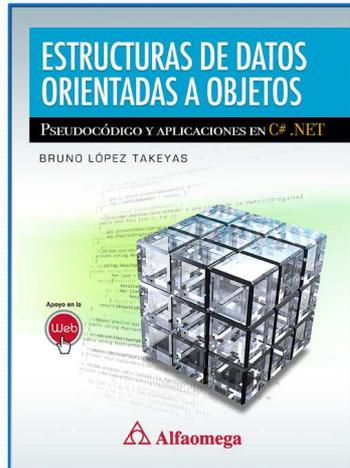
        Disco = Origen.Pop(); // Saca un disco de la torre origen
        Destino.Push(Disco); // Inserta el disco en la torre destino
        CantidadMovimientos++; // Incrementa la cantidad de movimientos
        MostrarTorres(); // Actualiza los listBoxes

        if (radioButton1.Checked)
            MessageBox.Show("Disco " + Disco.Dato.ToString() + " de " + Origen.Nombre + " a " + Destino.Nombre,
"MOVIMIENTO DE DISCO", MessageBoxButtons.OK, MessageBoxIcon.Information);
        else
            System.Threading.Thread.Sleep(1000); // Retardo

        // Llamada recursiva
        Hanoi(Discos - 1, Auxiliar, Destino, Origen, ref CantidadMovimientos);
    }
}
```

32

Lectura



Para reforzar este tema se recomienda la lectura de:

**Capítulo 7.-
Recursividad**

33

33

Tarea 3.01.- Repaso métodos

- Leer **Capítulo 8.- Métodos**
- Contestar el cuestionario en MS Teams
- Se aceptará esta tarea si se obtiene calificación aprobatoria



<https://nlaredo.tecnm.mx/takeyas/Apuntes/Fundamentos%20de%20Programacion/Apuntes/05.-Metodos.pdf>

34

Otros libros del autor

<https://nlaredo.tecnm.mx/takeyas/Libro>



bruno.lt@nlaredo.tecnm.mx

 Bruno López Takeyas

35